## EXAMEN DE ADMISIÓN DOCTORADO EN FÍSICA APLICADA TEORÍA ELECTROMAGNÉTICA OTOÑO DE 2013

RESUELVA LOS SIGUIENTES PROBLEMAS EN HOJAS SEPARADAS Y ESCRIBA SU NOMBRE COMPLETO EN CADA UNA DE ELLAS.

- 1. Calcular para una carga puntual en el centro de una esfera dieléctrica el vector de polarización y las densidades volumétrica y superficial de carga ligada (polarización). Dibujar **D** y **E** en función de r. Repetir estos gráficos en ausencia de esfera dieléctrica.
- 2. Por un filamento conductor con forma de triángulo equilátero de lado a, fluye una corriente constante I. Calcular **A**, **B** y **H** en el centro del triángulo.
- 3. Una carga +q=2e está localizada en el origen y una carga q=-e está localizada en el punto (d,0). Calcular el potencial en cualquier punto de la siguiente manera:
  - a) Calcular el valor exacto para cualquier punto (x,y).
  - b) Considerando el primer término de la expansión multipolar (término monopolar) para distancias d >> r donde  $\vec{r} = x\hat{i} + y\hat{j}$ .
  - c) Considerando el segundo término de la expansión multipolar (término dipolar)
- 4. Una distribución cilíndrica de carga se caracteriza por una densidad de carga constante  $\rho = kr$  para r < R. Para radios mayores que R la densidad de carga es cero. Hállese el potencial U(r) dentro y fuera del cilindro integrando la ecuación de Laplace y/o Poisson según corresponda.
- 5. Explique conceptual y matemáticamente la modificación de Maxwell a la ley de Ampare.
- 6. Deduzca la ecuación de onda a partir de las leyes de Maxwell.