

## **Tarea # 5 Conjuntos**

### **Parte I**

Resolver todos los ejercicios de la sección 2.1 (págs. 54 y 55) del Capítulo 2 **Conjuntos** del libro de texto Matemáticas Elementales [1].

### **Parte II**

Resolver todos los ejercicios de la sección 2.4 (págs. 61 y 62) del Capítulo 2 **Conjuntos** del libro de texto Matemáticas Elementales [1].

### **Parte III**

Resolver todos los ejercicios de la sección 2.5 (págs. 71 y 72) del Capítulo 2 **Conjuntos** del libro de texto Matemáticas Elementales [1]

[1] J. Angoa, A. Contreras, et. al., Matemáticas Elementales, Dirección de Fomento Editorial, BUAP, Segunda Edición, 2010.

### **Parte IV**

I) Sean  $A$  y  $B$  subconjuntos de  $\Omega$ . Demostrar:

a)  $A \cup (A \cap B) = A$

b)  $A \cap (A \cup B) = A$

II) Sean  $\Omega$  el referencial y sean  $A, B$  conjuntos, la **diferencia simétrica** de  $A$  y  $B$ , denotada por  $A \triangle B$ , está definida por  $A \triangle B = (A \cup B) - (A \cap B)$ . Demostrar:

a)  $A \triangle B = A^c \triangle B^c$

b)  $A \triangle B = (A - B) \cup (B - A)$

III) Sean  $\Omega$  el referencial y sean  $A, B$  y  $C$  conjuntos. Demostrar:

a)  $A \cup B = (A - B) \cup (B - A) \cup (A \cap B)$

b) Si  $A \subseteq B$  entonces  $A \cup C \subseteq B \cup C$

c) Si  $A \subseteq B$  entonces  $A \cap C \subseteq B \cap C$

d) Si  $A \subseteq (B - C)$  entonces  $A^c \cup C^c = \Omega$

---

e) Si  $A \cap B \subseteq C^c$  entonces  $(A - C^c) \cap (B - C^c) = \emptyset$

f)  $A \cap B = \emptyset \iff A \subseteq B^c$

g)  $(A - B) \subseteq C \iff C^c \subseteq B \cup A^c$

IV) Dado el referencial  $\Omega$ , determine:  $A \Delta A$ ,  $A \Delta \bar{A}$ ,  $\Omega \Delta A$  y  $\emptyset \Delta A$ .

V) Indique si la proposición correspondiente es verdadera; en caso contrario, formule un contraejemplo. Los conjuntos  $X, Y$  y  $Z$  son subconjuntos del referencial  $\Omega$ .

a)  $X - (Y \cup Z) = (X - Y) \cup Z$

b)  $(X \cap Y) \cup (Y - X) = X$

Puebla, Pue., a 27 de septiembre de 2012