

Tarea # 10

1. Demuestre que: si $A \in M_n(\mathbb{F})$ y $k \in \mathbb{F}$ entonces $\det(kA) = k^n \det(A)$.
2. Demuestre que $\det(AB) = \det(BA)$.
3. Demuestre que: si $B \in M_n(\mathbb{F})$ es invertible entonces

$$\det(B^{-1}AB) = \det(A).$$

4. Si $A \in M_n(\mathbb{F})$ es una matriz idempotente (es decir, $A^2 = A$) encuentra todos los posibles valores del $\det(A)$.
5. Si $A \in M_n(\mathbb{F})$ es una matriz nilpotente encuentra todos los posibles valores del $\det(A)$.
6. Si $A \in M_n(\mathbb{F})$ es una matriz invertible, muestre que $\text{adj}(A)$ también es invertible y que

$$(\text{adj}(A))^{-1} = \frac{1}{\det(A)} A = \text{adj}(A^{-1}).$$

Puebla, Pue., a 24 de mayo de 2013