

- (17) Sabemos que la relación $\{(m, n) : m, n \in \mathbb{Z} \text{ y } m \equiv n \pmod{2}\}$ es una relación de equivalencia en \mathbb{Z} y además que $\mathbb{Z}/2\mathbb{Z} = \{0+2\mathbb{Z}, 1+2\mathbb{Z}\}$. Usar lo anterior para demostrar que para todo $m \in \mathbb{Z}$ se cumple una y sólo una de las siguientes afirmaciones:
- $2 \mid m$;
 - Existe $n \in \mathbb{Z}$ tal que $m = 2n + 1$.
- /(18) Sea G un semigrupo con la operación $*$; demostrar que para todo $m, n \in \mathbb{N}$ y $a \in G$, se cumple: $a^n * a^m = a^m * a^n$.
- /(19) Sea G un semigrupo con la operación $*$ y sean $e_0, e_1 \in G$ tales que
- para todo $a \in G$, $e_0 * a = a$ y
 - para todo $a \in G$, $a * e_1 = a$.
- Demstrar que G tiene un elemento neutro.
- /(20) Si e es un elemento neutro de un monoide, entonces para todo $n \in \mathbb{N}$, se tiene que $e^n = e$.
- /(21) Demostrar que $(\mathbb{N}, +)$ es un semigrupo que no es monoide.
- /(22) Demostrar que para todo conjunto no vacío A , $(F(A), \circ)$ es un monoide con elemento identidad la función $Id_A : A \rightarrow A$ definida como $Id_A(a) = a$ para cada $a \in A$.
- /(23) Sea $I = [0, 1]$. Hallar una operación en I tal que I con esta operación sea un monoide.
- /(24) Sea $G = [0, 1] \cap \mathbb{Q}$. Hallar una operación en G tal que G con esta operación sea un monoide.
- (25) Hallar una operación en $I = [0, 1]$ tal que $G = [0, 1] \cap \mathbb{Q}$ sea un submonoide de I .